



Concours d'entrée en 1<sup>ère</sup> année des années préparatoires de l'ENSAM Casablanca-Meknès



SERIES : SCIENCES MATHÉMATIQUE A/B

Epreuve de physique

Durée: 2h20min

Le 2 Août 2014

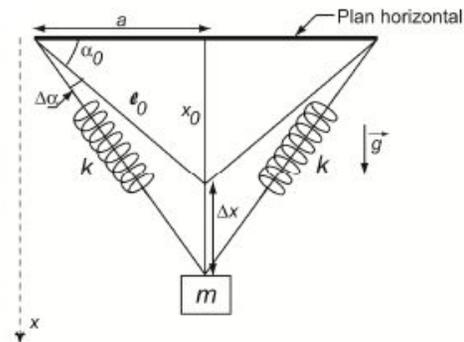
- L'épreuve contient 4 pages. Elle est composée de deux parties indépendantes : une partie rédaction et une partie QCM.
- Répondre dans la feuille « fiche de réponse ».
- L'usage de la calculatrice programmable est strictement interdit.

PARTIE REDACTION

Physique I: (Mécanique)

Exercice 1

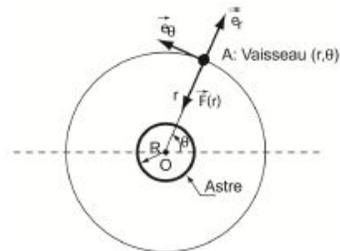
Une masse  $m=50\text{kg}$  est suspendue par deux ressorts identiques de constante de raideur  $k=0,5\text{N/m}$  et de longueur à vide  $l'$ . L'extrémité de chaque ressort est fixée à un plan horizontal immobile. Au repos, les ressorts sont inclinés d'un angle  $\alpha_0 = 30^\circ$  avec le plan horizontal et ont une longueur de  $l_0 = 2m$ . En dehors de la position d'équilibre, l'angle avec l'horizontale est  $\alpha = \alpha_0 + \Delta\alpha$ .  $x_0$  est la distance entre  $m$  à la position d'équilibre et le plan horizontal. On se propose d'étudier les oscillations de la masse  $m$  lorsqu'elle est écartée de la position d'équilibre par  $\Delta x$  puis relâchée sans vitesse initiale.



1. Donner l'expression de la longueur à vide des ressorts,  $l'$ .
2. A quelle équation différentielle en  $\Delta x$  ( $x = x_0 + \Delta x$ ), la masse  $m$ , selon la verticale descendante, satisfait-elle ? le résultat est à exprimer en fonction de  $m, g, k, l_0, a, x_0$ .
3. Si on suppose que  $\Delta x \ll x_0$  et  $\frac{l_0}{\sqrt{x_0^2 + a^2}} \approx 1 - \frac{x_0 \Delta x}{l_0^2}$ . Ré-exprimer l'équation du mouvement trouvée dans la question 2 en fonction de  $m, g, k, l_0$ , et  $\alpha_0$ .
4. Donner la valeur numérique de la période  $T$  lorsque  $\alpha_0 \rightarrow 90^\circ$  à partir de l'horizontal.

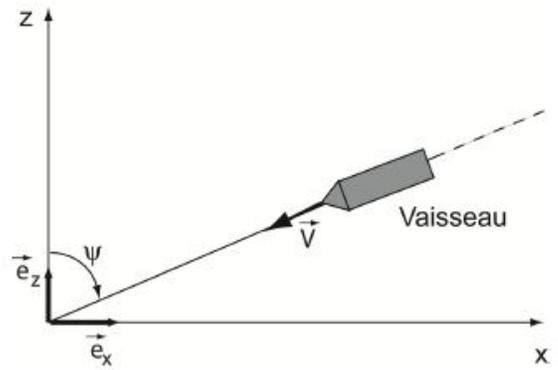
Exercice 2

Un vaisseau spatial, assimilé à un point matériel A, mobile sur une orbite circulaire par rapport à un astre de masse  $M$ , de centre O et de rayon  $R$ . La distance entre le vaisseau et le centre de l'astre est  $r$  telle que  $r \gg R$ .  $\mathcal{R}(\vec{e}_x, \vec{e}_y, \vec{e}_z)$  est un référentiel galiléen lié à l'astre. Supposons que, dans un premier temps, le moteur fusé est éteint et le vaisseau est en vol sur son orbite avec la vitesse  $\vec{v}(A/\mathcal{R})$  sous l'influence de la seule force gravitationnelle  $\vec{F}(r) = -\frac{GMm}{r^2} \vec{e}_r$ .



5. Nous appelons le moment cinétique, noté ici par  $\vec{M}_O$ , la quantité vectorielle  $\vec{OA} \wedge m\vec{v}(A/\mathcal{R})$  calculée au point O et associée au mouvement du vaisseau par rapport à l'astre. Donner la valeur vectorielle de  $\left. \frac{d\vec{M}_O}{dt} \right|_{\mathcal{R}}$ .
6. Donner l'expression de  $\vec{M}_O$  en fonction de  $m, r$  et  $\dot{\theta}$ .
7. L'astre crée un champ gravitationnel  $\vec{g} = -\frac{GM}{r^2} \vec{e}_r$ , ayant une symétrie sphérique. Calculer l'énergie potentielle  $E_p$  du vaisseau. (on prendra  $E_p(\infty) = 0$ ).
8. Donner l'expression de l'énergie mécanique  $E_m$  du vaisseau.
9. Exprimer la période de révolution  $T_{\text{rev}}$  du vaisseau en fonction de  $G, M, r$ .

A un instant donné du voyage du vaisseau, on décide de le faire rentrer dans l'atmosphère avec une vitesse  $V$  ce qui provoque le freinage du vaisseau par les hautes couches de l'atmosphère. Ce mouvement est décrit par l'équation suivante:  $m \frac{dV}{dt} = -\alpha V^2 \exp(-z/H)$  avec  $\alpha$  est une constante positive et  $H$  une hauteur caractéristique.



10. Exprimer  $\frac{dz}{dt}$  en fonction de  $V$  et de  $\psi$ .

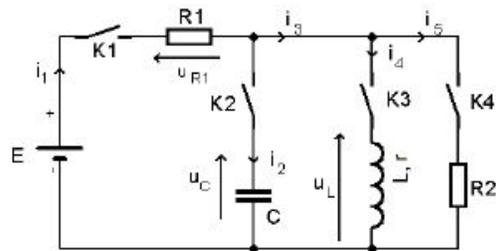
11. Donner l'expression de  $\frac{dV}{dz}$  en fonction de  $\alpha, m, V, H, \psi$  et  $z$ .

12. Si la vitesse initiale à l'altitude  $z_i$  est  $V_i$ , et en supposant que  $\exp(-z/H) \gg \exp(-z_i/H)$  calculer  $\ln\left(\frac{V}{V_i}\right)$ .

## Physique II (Electricité) :

On considère le circuit représenté sur le schéma ci-dessous, il comporte :

- Un générateur de tension continue  $E=10V$ .
- Une bobine d'inductance  $L$  et de résistance interne  $r=10\Omega$ .
- Un condensateur  $C=200nF$ .
- Deux conducteurs ohmiques  $R_1=10\Omega$  et  $R_2=30\Omega$ .
- Quatre interrupteurs  $K_1, K_2, K_3$  et  $K_4$ .



*N.B.*

- ✓ Toutes les parties sont indépendantes et les valeurs des composants peuvent changer d'une partie à l'autre.
- ✓ Dans toutes les parties on note  $t=0$  le temps où les interrupteurs basculent vers leurs positions respectives.

### Partie A : $K_1$ et $K_2$ sont fermés, $K_3$ et $K_4$ sont ouverts.

1. Etablir l'équation différentielle gouvernant l'évolution de la tension  $u_C(t)$  en fonction de  $E, R_1$  et  $C$ .
2. Donner la valeur de la tension  $u_C(t)$  en régime permanent.
3. Déterminer l'expression temporelle  $u_C(t)$  en supposant que la tension initiale est  $u_C(0)=U_0$ .
4. En supposant  $U_0=\alpha E$ , où  $\alpha$  est un coefficient compris entre 0 et 1, déterminer le temps  $t_0$  au bout duquel la tension  $u_C(t)$  devient égale à  $\beta E$ , où  $\beta$  est un coefficient compris entre  $\alpha$  et 1.
5. Calculer le temps nécessaire pour que la tension  $u_C(t)$  passe de 5% à 95%.
6. Calculer l'énergie emmagasinée par le condensateur  $C$  quand le régime permanent est établi.

### Partie B : $K_1$ et $K_3$ sont fermés, $K_2$ et $K_4$ sont ouverts.

7. à  $t=0^+$ , donner l'intensité du courant  $i_1$ .
8. Etablir l'équation différentielle qui relie l'intensité du courant  $i_1$  et sa dérivée en fonction de  $E, R_1, r$  et  $L$ .
9. La constante du temps vaut 1ms, déduire la valeur de la bobine  $L$ .
10. Donner l'expression de la tension  $u_{R1}(t)$  en fonction de  $E, R_1, r$  et  $L$ .
11. Calculer l'intensité du courant  $i_1$  en régime permanent.
12. Calculer l'énergie emmagasinée par la bobine quand le régime permanent est établi.

### Partie C : $K_1, K_3$ et $K_4$ sont fermés, $K_2$ est ouvert.

à  $t=0^+$  :

13. Donner l'intensité du courant  $i_1$ .
14. Donner la valeur de la tension  $u_L$ .
15. Calculer la résistance équivalente vue par la source de tension.

Quand le régime permanent est établi :

16. Calculer la résistance équivalente vue par la source de tension.
17. Donner l'intensité du courant  $i_5$ .

### Partie D: $K_1, K_2, K_3$ et $K_4$ sont fermés.

Dans cette partie, le condensateur est initialement déchargé et la bobine  $L$  est remplacée par une bobine  $L_1=10mH$  ayant une résistance interne négligeable.

18. Etablir l'équation différentielle qui relie le courant  $i_L(t)$  et ses dérivées.



4.4 Appliquer le principe fondamental de la dynamique sur le système (Masse  $M$  et  $m$ ) immédiatement après le choc pour trouver la force de résistance au déplacement (frottement)  $F_f$  due à la pénétration de la pile dans le sol.

La force  $F_f$  vaut :

- a. 13.62kN                      b. 16.35kN                      c. 11.72kN                      d. 3.13kN

5. En alternative, un voltmètre mesure :

- a. la valeur maximale de la tension.  
 b. la valeur minimale de la tension.  
 c. la valeur efficace de la tension.  
 d. la valeur instantanée de la tension.

6. L'impédance  $Z$  d'un dipôle :

- a. est indépendante de la fréquence  $N$  de la tension alternative.  
 b. augmente avec cette fréquence.  
 c. diminue avec cette fréquence.  
 d. varie avec cette fréquence.

7. Une bobine se comporte comme un conducteur ohmique :

- a. lorsque le courant qui la traverse change de valeur.  
 b. lorsque la tension entre ces bornes change de valeur.  
 c. en régime permanent.  
 d. en régime variable.

8. La tension ne peut pas présenter de discontinuité :

- a. aux bornes d'un condensateur.  
 b. aux bornes d'une bobine.  
 c. aux bornes d'un conducteur ohmique.  
 d. aux bornes d'un interrupteur.

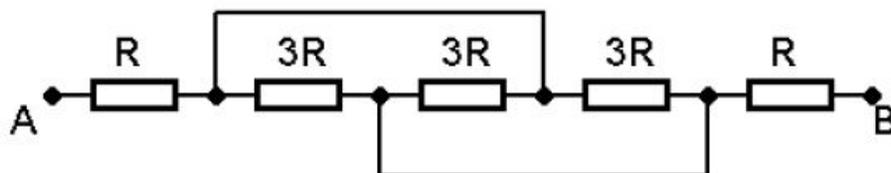
9. Dans un régime apériodique d'un circuit RLC, le courant :

- a. passe par un maximum puis converge vers une valeur finale.  
 b. converge de façon monotone vers sa valeur finale.  
 c. oscille en convergeant vers une valeur finale.  
 d. oscille en divergeant.

10. La constante d'amortissement d'un circuit RLC est :

- a.  $L/R$   
 b.  $2L/R$   
 c.  $LR$   
 d.  $R/L$

11. Quelle est la résistance équivalente du dipôle AB du montage suivant :



- a.  $3R$   
 b.  $5R$   
 c.  $7R$   
 d.  $11R$

## Fiche de réponse

**Important :** La fiche ne doit porter aucun signe indicatif ni signature

**Physique I (Mécanique) : Barème :** Une réponse juste : 3pts, Une réponse fausse ou pas de réponse: 0

N° question	Réponse	Note
1.	$l' = l_0 - \frac{mg}{2k \sin \alpha_0}$	
2.	$\Delta \ddot{x} = g - 2 \frac{k}{m} \left[ 1 - \frac{l_0}{\sqrt{x^2 + a^2}} \left( 1 - \frac{mg}{2kx_0} \right) \right] (x_0 + \Delta x)$	
3.	$\Delta \ddot{x} + \left( \frac{2k}{m} \sin^2 \alpha_0 + \frac{g \cos^2 \alpha_0}{l_0 \sin \alpha_0} \right) \Delta x = 0$	
4.	$T = 1.79s$	
5.	$\left. \frac{d\vec{l}_o}{dt} \right _{\mathcal{R}} = \vec{0}$	
6.	$\vec{l}_o = mr^2 \dot{\theta} \vec{e}_z$	
7.	$E_p = -\frac{GMm}{r}$	
8.	$E_m = -\frac{GMm}{2r}$	
9.	$T_{rev} = 2\pi \frac{r^{3/2}}{\sqrt{GM}}$	
10.	$\dot{z} = \frac{dz}{dt} = -V \cos \psi$	
11.	$\frac{dV}{dz} = \frac{\alpha}{m \cos \psi} V \exp(-z/H)$	
12.	$\ln \left( \frac{V}{V_i} \right) = -\frac{\alpha H}{m \cos \psi} [\exp(-z/H) - \exp(-z_i/H)]$	
<b>TOTAL/36pts</b>		

**Physique II (Electricité) : Barème : Une réponse juste : 2pts, une réponse fausse ou pas de réponse:0**

N° question	Réponse	Note
1.	$u_C + R_1 C \frac{du_C}{dt} = E$	2
2.	$u_C(\infty) = E = 10V$	2
3.	$u_C(t) = (U_0 - E)e^{-\frac{t}{\tau}} + E$ avec $\tau = R_1 C$	2
4	$t_0 = \tau \ln \frac{1 - \alpha}{1 - \beta}$	2
5.	$t_m = \tau \ln 19 = 2,94 \mu s$	2
6.	$w = \frac{1}{2} C E^2 = 10 \mu J$	2
7.	$i_1(0^+) = 0$	2
8.	$\frac{di_1}{dt} + \frac{R_1 + r}{L} i_1 = \frac{E}{L}$	2
9.	$L = \tau_1 * (R_1 + r) = 20 mH$	2
10.	$u_{R1}(t) = E \frac{R_1}{R_1 + r} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}}\right)$ avec $\tau_1 = \frac{L}{R_1 + r}$	2
11.	$i_1(\infty) = E / (R_1 + r) = 0,5 A$	2
12.	$w = \frac{1}{2} L I_1^2(\infty) = 2,5 mJ$	2
13.	$i_1(0^+) = E / (R_1 + R_2) = 0,25 A$	2
14.	$u_L(0^+) = E \frac{R_2}{R_1 + R_2} = \frac{30}{4} = 7,5 V$	2
15.	$R_{eq}(0^+) = R_1 + R_2 = 40 \Omega$	2
16.	$R_{eq}(\infty) = R_1 + r // R_2 = 17,5 \Omega$	2
17.	$i_5(\infty) = \frac{E}{R_{eq}} \frac{r}{r + R_2} = 0,143 A$	2
18.	$LC \frac{d^2 i_L}{dt^2} + L \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right) \frac{di_L}{dt} + i_L = \frac{E}{R_1}$	2
<b>TOTAL/36pts</b>		<b>36</b>

	N° question	Réponse				Note
<b>Mécanique</b>	1.	a. <input checked="" type="checkbox"/>	b. <input type="checkbox"/>	c. <input type="checkbox"/>	d. <input type="checkbox"/>	
	2.	a. <input type="checkbox"/>	b. <input type="checkbox"/>	c. <input type="checkbox"/>	d. <input checked="" type="checkbox"/>	
	3.	a. <input checked="" type="checkbox"/>	b. <input type="checkbox"/>	c. <input type="checkbox"/>	d. <input type="checkbox"/>	
	4.1.	a. <input type="checkbox"/>	b. <input type="checkbox"/>	c. <input checked="" type="checkbox"/>	d. <input type="checkbox"/>	
	4.2.	a. <input type="checkbox"/>	b. <input type="checkbox"/>	c. <input checked="" type="checkbox"/>	d. <input type="checkbox"/>	
	4.3.	a. <input checked="" type="checkbox"/>	b. <input type="checkbox"/>	c. <input type="checkbox"/>	d. <input type="checkbox"/>	
	4.4.	a. <input type="checkbox"/>	b. <input checked="" type="checkbox"/>	c. <input type="checkbox"/>	d. <input type="checkbox"/>	
<b>Electricité</b>	5.	a. <input type="checkbox"/>	b. <input type="checkbox"/>	c. <input checked="" type="checkbox"/>	d. <input type="checkbox"/>	
	6.	a. <input type="checkbox"/>	b. <input type="checkbox"/>	c. <input type="checkbox"/>	d. <input checked="" type="checkbox"/>	
	7.	a. <input type="checkbox"/>	b. <input type="checkbox"/>	c. <input checked="" type="checkbox"/>	d. <input type="checkbox"/>	
	8.	a. <input checked="" type="checkbox"/>	b. <input type="checkbox"/>	c. <input type="checkbox"/>	d. <input type="checkbox"/>	
	9.	a. <input checked="" type="checkbox"/>	b. <input type="checkbox"/>	c. <input type="checkbox"/>	d. <input type="checkbox"/>	
	10.	a. <input type="checkbox"/>	b. <input checked="" type="checkbox"/>	c. <input type="checkbox"/>	d. <input type="checkbox"/>	
	11.	a. <input checked="" type="checkbox"/>	b. <input type="checkbox"/>	c. <input type="checkbox"/>	d. <input type="checkbox"/>	
<i>Total /28pts</i>						